

Introduzione alla logica

prof. Gianluca Amato

28 settembre 2024

Queste slide sono basate sul libro:

Dario Palladino

Corso di logica: introduzione elementare al calcolo dei predicati (terza edizione)

Carocci editore



- 1 Logica, inferenze e proposizioni
- 2 Regole di inferenza
- 3 Esempi di regole di inferenza
- 4 Esempi di ragionamenti fallaci
- 5 Logica dei predicati
- 6 Oltre il ragionamento deduttivo

Cos'è la logica

Definizione (Logica)

La **logica** (dal greco *logos*, ovvero “parola”, “pensiero”) è lo studio del ragionamento.

Esempio (Esempi di ragionamento)

Tutti gli uomini sono mortali.

Socrate è un uomo.

Dunque Socrate è mortale.

Ogni numero intero è o pari o dispari

Il numero intero 3 non è pari

Dunque 3 è dispari.



Sono ragionamenti corretti?

Nota

Esistono varie forme di ragionamento, qui siamo interessati al **ragionamento deduttivo**.

La forma principale del ragionamento è quella dell'**inferenza**.

Definizione (Inferenza)

Una **inferenza** è una sequenza di **proposizioni** di cui l'ultima è ottenuta come **conclusione** delle rimanenti, che si assumono come **premesse**.

Esempio

Tutti gli uomini sono mortali.

Socrate è un uomo.

Socrate è mortale.

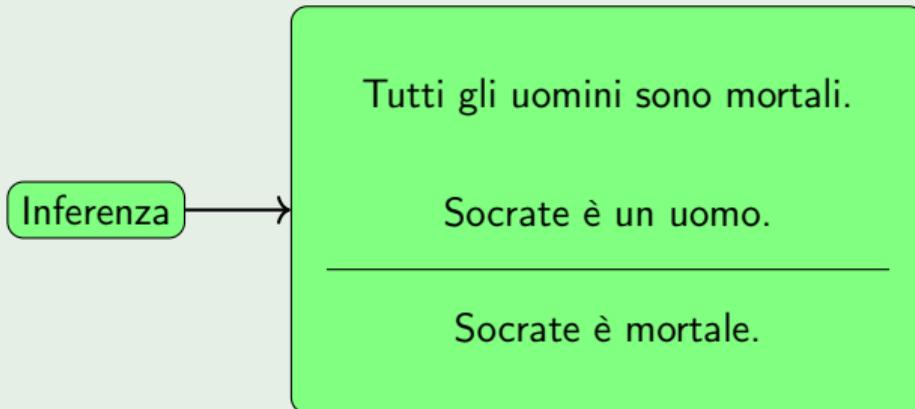
Inferenze

La forma principale del ragionamento è quella dell'**inferenza**.

Definizione (Inferenza)

Una **inferenza** è una sequenza di **proposizioni** di cui l'ultima è ottenuta come **conclusione** delle rimanenti, che si assumono come **premesse**.

Esempio



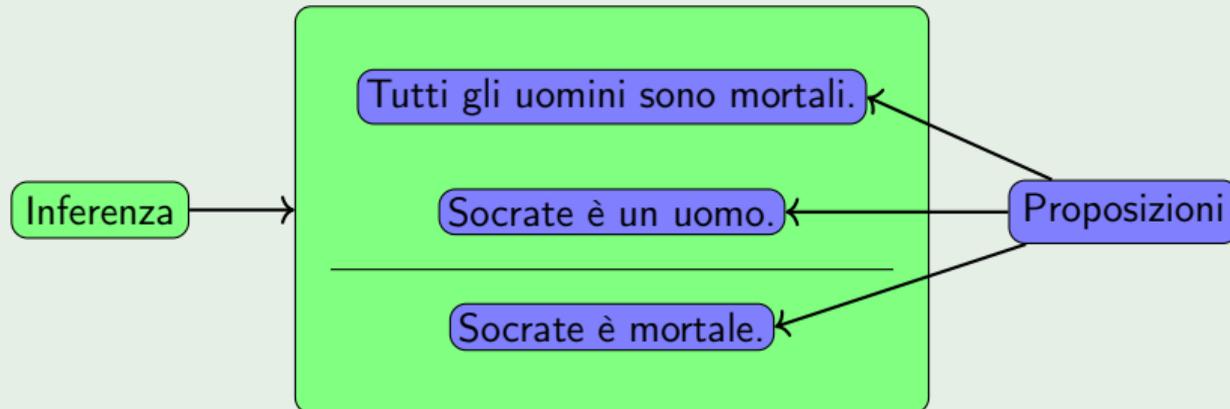
Inferenze

La forma principale del ragionamento è quella dell'**inferenza**.

Definizione (Inferenza)

Una **inferenza** è una sequenza di **proposizioni** di cui l'ultima è ottenuta come **conclusione** delle rimanenti, che si assumono come **premesse**.

Esempio



Inferenze

La forma principale del ragionamento è quella dell'**inferenza**.

Definizione (Inferenza)

Una **inferenza** è una sequenza di **proposizioni** di cui l'ultima è ottenuta come **conclusione** delle rimanenti, che si assumono come **premesse**.

Esempio



Inferenze

La forma principale del ragionamento è quella dell'**inferenza**.

Definizione (Inferenza)

Una **inferenza** è una sequenza di **proposizioni** di cui l'ultima è ottenuta come **conclusione** delle rimanenti, che si assumono come **premesse**.

Esempio



Definizione (Proposizione)

Una **proposizione** è una qualsiasi espressione linguistica per la quale ha senso chiedersi se sia vera o falsa.

Esempio (Proposizioni ✓ o no? ✗)

- Elisa ama Massimo

Definizione (Proposizione)

Una **proposizione** è una qualsiasi espressione linguistica per la quale ha senso chiedersi se sia vera o falsa.

Esempio (Proposizioni ✓ o no? ✗)

- Elisa ama Massimo ✓
- Elisa ama Massimo?

Definizione (Proposizione)

Una **proposizione** è una qualsiasi espressione linguistica per la quale ha senso chiedersi se sia vera o falsa.

Esempio (Proposizioni ✓ o no? ✗)

- Elisa ama Massimo ✓
- Elisa ama Massimo? ✗ (è una *domanda*)
- $4 + 2 = 6$

Definizione (Proposizione)

Una **proposizione** è una qualsiasi espressione linguistica per la quale ha senso chiedersi se sia vera o falsa.

Esempio (Proposizioni ✓ o no? ✗)

- Elisa ama Massimo ✓
- Elisa ama Massimo? ✗ (è una *domanda*)
- $4 + 2 = 6$ ✓
- $4 + 2 = 5$

Definizione (Proposizione)

Una **proposizione** è una qualsiasi espressione linguistica per la quale ha senso chiedersi se sia vera o falsa.

Esempio (Proposizioni ✓ o no? ✗)

- Elisa ama Massimo ✓
- Elisa ama Massimo? ✗ (è una *domanda*)
- $4 + 2 = 6$ ✓
- $4 + 2 = 5$ ✓ (è falsa, ma è comunque una proposizione)
- $3 + 5^2$

Definizione (Proposizione)

Una **proposizione** è una qualsiasi espressione linguistica per la quale ha senso chiedersi se sia vera o falsa.

Esempio (Proposizioni ✓ o no? ✗)

- Elisa ama Massimo ✓
- Elisa ama Massimo? ✗ (è una *domanda*)
- $4 + 2 = 6$ ✓
- $4 + 2 = 5$ ✓ (è falsa, ma è comunque una proposizione)
- $3 + 5^2$ ✗ (è una *descrizione*)
- Tutti gli uomini sono mortali

Definizione (Proposizione)

Una **proposizione** è una qualsiasi espressione linguistica per la quale ha senso chiedersi se sia vera o falsa.

Esempio (Proposizioni ✓ o no? ✗)

- Elisa ama Massimo ✓
- Elisa ama Massimo? ✗ (è una *domanda*)
- $4 + 2 = 6$ ✓
- $4 + 2 = 5$ ✓ (è falsa, ma è comunque una proposizione)
- $3 + 5^2$ ✗ (è una *descrizione*)
- Tutti gli uomini sono mortali ✓
- Lazzaro, alzati e cammina!

Definizione (Proposizione)

Una **proposizione** è una qualsiasi espressione linguistica per la quale ha senso chiedersi se sia vera o falsa.

Esempio (Proposizioni ✓ o no? ✗)

- Elisa ama Massimo ✓
- Elisa ama Massimo? ✗ (è una *domanda*)
- $4 + 2 = 6$ ✓
- $4 + 2 = 5$ ✓ (è falsa, ma è comunque una proposizione)
- $3 + 5^2$ ✗ (è una *descrizione*)
- Tutti gli uomini sono mortali ✓
- Lazzaro, alzati e cammina! ✗ (è un *ordine*)
- Quel ramo del lago di Como che volge a mezzogiorno

Definizione (Proposizione)

Una **proposizione** è una qualsiasi espressione linguistica per la quale ha senso chiedersi se sia vera o falsa.

Esempio (Proposizioni ✓ o no? ✗)

- Elisa ama Massimo ✓
- Elisa ama Massimo? ✗ (è una *domanda*)
- $4 + 2 = 6$ ✓
- $4 + 2 = 5$ ✓ (è falsa, ma è comunque una proposizione)
- $3 + 5^2$ ✗ (è una *descrizione*)
- Tutti gli uomini sono mortali ✓
- Lazzaro, alzati e cammina! ✗ (è un *ordine*)
- Quel ramo del lago di Como che volge a mezzogiorno ✗ (è una *descrizione*)

Definizione (Principio di bivalenza)

Una proposizione può assumere uno e uno solo dei due **valori di verità**:

- vero (**V**), oppure true in inglese (**T**)
- falso (**F**), oppure false in inglese (**F**)

Nella vita quotidiana, questo principio non sempre si applica:

- è quasi certo che ...
- è probabile che ...
- sono abbastanza sicuro che ...

La logica si occupa anche dei casi in cui il principio di bivalenza non vale, ma non lo faremo in questo corso.

Quando vorremo essere più precisi, distingueremo tra **proposizioni** ed **enunciati**:

- una proposizione è qualcosa che può essere valutata come vera o falsa;
- un enunciato è una sequenza di parole che esprime una proposizione.

Un esempio dovrebbe rendere evidente la differenza. Consideriamo le tre frasi:

- il gatto non è nero
- non è vero che il gatto è nero
- the cat is not black

Questi sono tre enunciati che però vogliono dire la stessa cosa, ovvero esprimono la stessa proposizione.

Definizione (Inferenza corretta)

Una inferenza è **corretta** (o **valida**) se ogni qualvolta le premesse sono vere, allora è necessariamente vera anche la conclusione.

Esempio (Inferenza corretta)

$$\begin{array}{l} \textit{Carlo è ligure o Stefano è piemontese} \\ \textit{Stefano non è piemontese} \\ \hline \textit{Carlo è ligure} \end{array}$$

Nota

In alternativa, possiamo dire che l'inferenza è corretta quando è impossibile che le premesse siano vere e la conclusione falsa.

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Il fatto che una inferenza sia corretta non vuol dire che la conclusione è vera.

- **Se le premesse sono tutte vere**, una inferenza corretta garantisce che la conclusione è vera.
- **Se le premesse non sono tutte vere**, la conclusione può essere vera o falsa.

Consideriamo ancora questa inferenza:

$$\frac{\begin{array}{l} \textit{Carlo è ligure o Stefano è piemontese} \\ \textit{Stefano non è piemontese} \end{array}}{\textit{Carlo è ligure}}$$

L'inferenza è corretta, ma se un giorno dovessimo scoprire che Carlo è nato a Roma e Stefano è di Pescara, la conclusione dell'inferenza sarebbe falsa. Ma ciò è normale, perché le premesse dell'inferenza non erano vere!

Non si considerano corrette inferenze che dipendono dalla conoscenza del contesto.

Esempio (Inferenza non corretta)

$$\frac{\textit{Marco è pescarese}}{\textit{Marco è abruzzese}}$$

Non si considerano corrette inferenze che dipendono dalla conoscenza del contesto.

Esempio (Inferenza non corretta)

$$\frac{\text{Marco è pescarese}}{\text{Marco è abruzzese}}$$

dipende dal significato di pescarese e abruzzese

Non si considerano corrette inferenze che dipendono dalla conoscenza del contesto.

Esempio (Inferenza non corretta)

$$\frac{\textit{Marco è pescarese}}{\textit{Marco è abruzzese}}$$

dipende dal significato di pescarese e abruzzese

La si può rendere corretta esplicitando le assunzioni di fondo:

Esempio (Inferenza corretta)

$$\frac{\begin{array}{l} \textit{Marco è pescarese} \\ \textit{Tutti i pescaresi sono abruzzesi} \end{array}}{\textit{Marco è abruzzese}}$$

- 1 Logica, inferenze e proposizioni
- 2 Regole di inferenza**
- 3 Esempi di regole di inferenza
- 4 Esempi di ragionamenti fallaci
- 5 Logica dei predicati
- 6 Oltre il ragionamento deduttivo

Inferenze e struttura sintattica

Se rimpiazziamo “Carlo è ligure” e “Stefano è piemontese” con altre proposizioni, otteniamo altre inferenze corrette: quella che importa è solo la struttura sintattica delle proposizioni, chiamata **forma logica**.

Esempio

$$\frac{\text{Carlo è ligure o Stefano è piemontese} \\ \text{Stefano non è piemontese}}{\text{Carlo è ligure}}$$
$$\frac{\text{Il maggiordomo è colpevole o la cameriera è colpevole.} \\ \text{La cameriera non è colpevole}}{\text{Il maggiordomo è colpevole}}$$
$$\frac{\text{Due buchi neri si sono scontrati,} \\ \text{o il rivelatore di onde gravitazionali è rotto.} \\ \text{Il rivelatore di onde gravitazionali non è rotto.}}{\text{Due buchi neri si sono scontrati.}}$$

Regole di inferenza

Mettiamo in evidenza la **forma logica** dell'inferenza.

- usiamo delle **lettere proposizionali**, al posto delle proposizioni;
- lasciamo invariante parole chiavi come “o” e “non”, chiamate **connettivi**.

Esempio (Forma logica)

Se si pone A ="Carlo è ligure" e B ="Stefano è piemontese":

$$\frac{\begin{array}{l} \text{Carlo è ligure o Stefano è piemontese} \\ \text{Stefano non è piemontese} \end{array}}{\text{Carlo è ligure}} \longrightarrow \frac{\begin{array}{l} A \text{ o } B \\ \text{non } B \end{array}}{A}$$

Regole di inferenza

Mettiamo in evidenza la **forma logica** dell'inferenza.

- usiamo delle **lettere proposizionali**, al posto delle proposizioni;
- lasciamo invariante parole chiavi come “o” e “non”, chiamate **connettivi**.

Esempio (Forma logica)

Se si pone A ="Carlo è ligure" e B ="Stefano è piemontese":

$$\frac{\begin{array}{c} \text{Carlo è ligure o Stefano è piemontese} \\ \text{Stefano non è piemontese} \end{array}}{\text{Carlo è ligure}} \longrightarrow \begin{array}{c} A \text{ o } B \\ \text{non } B \\ \hline A \end{array}$$

Regola di inferenza

Definizione (Regola di inferenza)

Una inferenza in cui usiamo **lettere proposizionali** invece di proposizioni vere e proprie prende il nome di **regola di inferenza**.

Regole di inferenza corrette

Una regola di inferenza rappresenta tutte le inferenze che si possono ottenere rimpiazzando le lettere proposizionali con delle proposizioni.

- le inferenze ottenute in questo modo si chiamano **istanze** della regola;
- se una regola è corretta, tutte le istanze lo sono.

Esempio

La regola di inferenza

$$\frac{A \text{ o } B}{\text{non } B}$$

$$A$$

chiamata **regola del sillogismo disgiuntivo** è corretta, quindi la sua istanza

$$\frac{\text{Il maggiordomo è colpevole o la cameriera è colpevole.}}{\text{La cameriera non è colpevole}}$$

$$\text{Il maggiordomo è colpevole}$$

è corretta.

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:

$$\frac{A \text{ o } B}{\text{non } B} \\ \hline A$$

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:

$$\frac{\begin{array}{l} 3 \text{ è primo o } 3 \text{ è pari} \\ 3 \text{ non è pari} \end{array}}{3 \text{ è primo}} \longleftarrow \frac{\begin{array}{l} A \text{ o } B \\ \text{non } B \end{array}}{A}$$

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:

$$\frac{\begin{array}{l} 3 \text{ è primo o } 3 \text{ è pari } (\checkmark) \\ 3 \text{ non è pari} \end{array}}{3 \text{ è primo}} \longleftarrow \frac{\begin{array}{l} A \text{ o } B \\ \text{non } B \end{array}}{A}$$

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:

$$\frac{\begin{array}{l} 3 \text{ è primo o } 3 \text{ è pari } (\checkmark) \\ 3 \text{ non è pari } (\checkmark) \end{array}}{3 \text{ è primo}} \longleftarrow \frac{\begin{array}{l} A \text{ o } B \\ \text{non } B \end{array}}{A}$$

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:

$$\frac{\begin{array}{l} 3 \text{ è primo o } 3 \text{ è pari } (\checkmark) \\ 3 \text{ non è pari } (\checkmark) \end{array}}{3 \text{ è primo } (\checkmark)} \longleftarrow \frac{\begin{array}{l} A \text{ o } B \\ \text{non } B \end{array}}{A}$$

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:

$$\frac{\begin{array}{l} 3 \text{ è primo o } 3 \text{ è pari } (\checkmark) \\ 3 \text{ non è pari } (\checkmark) \end{array}}{3 \text{ è primo } (\checkmark)} \quad \longleftarrow \frac{\begin{array}{l} A \text{ o } B \\ \text{non } B \end{array}}{A} \quad \longrightarrow \frac{\begin{array}{l} 3 \text{ è pari o } 3 \text{ è primo} \\ 3 \text{ non è primo} \end{array}}{3 \text{ è pari}}$$

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:

$$\frac{\begin{array}{l} 3 \text{ è primo o } 3 \text{ è pari } (\checkmark) \\ 3 \text{ non è pari } (\checkmark) \end{array}}{3 \text{ è primo } (\checkmark)} \quad \longleftarrow \frac{\begin{array}{l} A \text{ o } B \\ \text{non } B \end{array}}{A} \quad \longrightarrow \frac{\begin{array}{l} 3 \text{ è pari o } 3 \text{ è primo } (\checkmark) \\ 3 \text{ non è primo} \end{array}}{3 \text{ è pari}}$$

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:

$$\frac{\begin{array}{l} 3 \text{ è primo o } 3 \text{ è pari } (\checkmark) \\ 3 \text{ non è pari } (\checkmark) \end{array}}{3 \text{ è primo } (\checkmark)} \quad \longleftarrow \frac{\begin{array}{l} A \text{ o } B \\ \text{non } B \end{array}}{A} \quad \longrightarrow \frac{\begin{array}{l} 3 \text{ è pari o } 3 \text{ è primo } (\checkmark) \\ 3 \text{ non è primo } (\times) \end{array}}{3 \text{ è pari}}$$

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

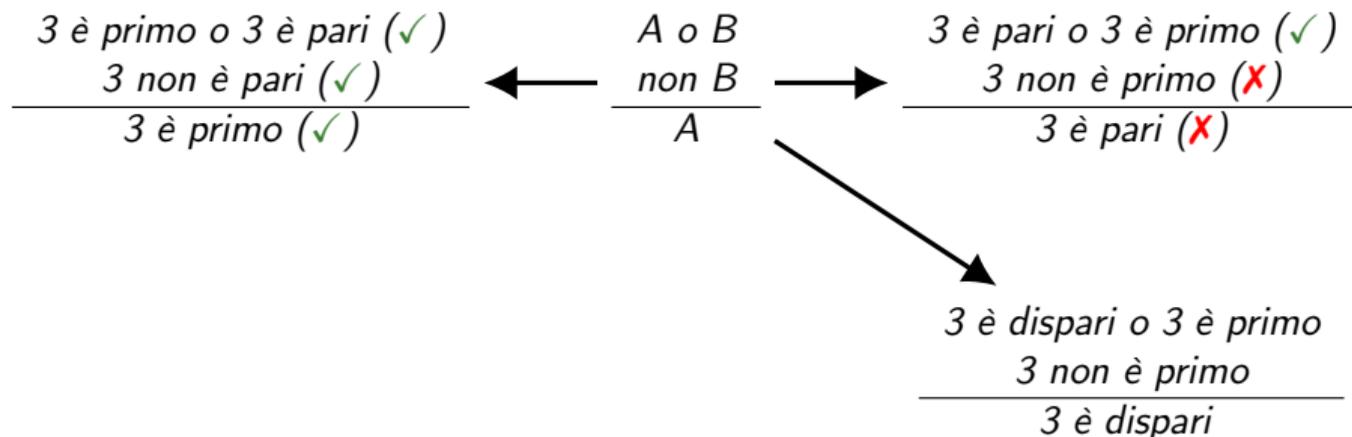
Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:

$$\frac{\begin{array}{l} 3 \text{ è primo o } 3 \text{ è pari } (\checkmark) \\ 3 \text{ non è pari } (\checkmark) \end{array}}{3 \text{ è primo } (\checkmark)} \quad \longleftarrow \frac{\begin{array}{l} A \text{ o } B \\ \text{non } B \end{array}}{A} \quad \longrightarrow \frac{\begin{array}{l} 3 \text{ è pari o } 3 \text{ è primo } (\checkmark) \\ 3 \text{ non è primo } (\times) \end{array}}{3 \text{ è pari } (\times)}$$

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

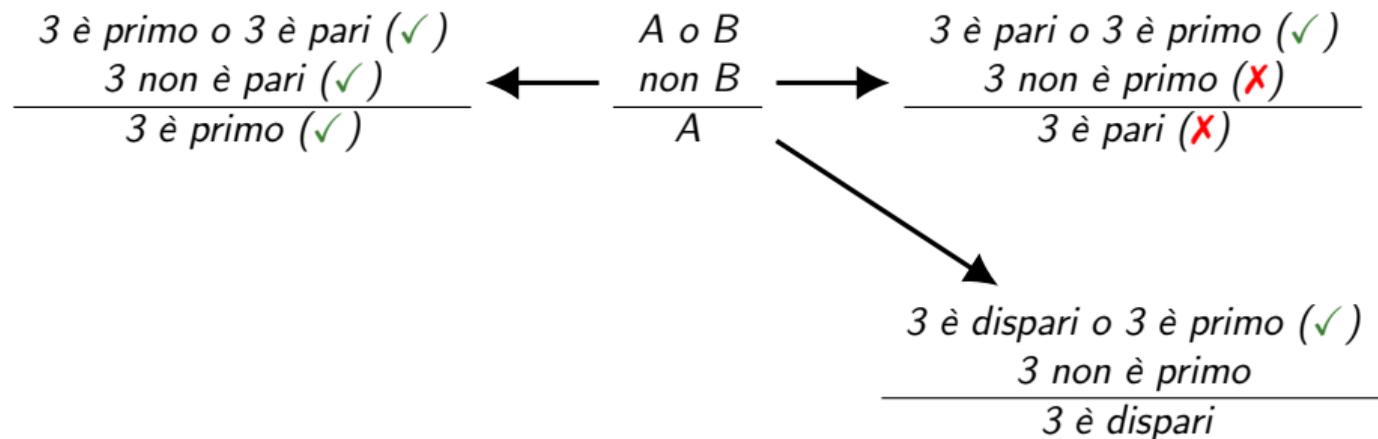
Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:



Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

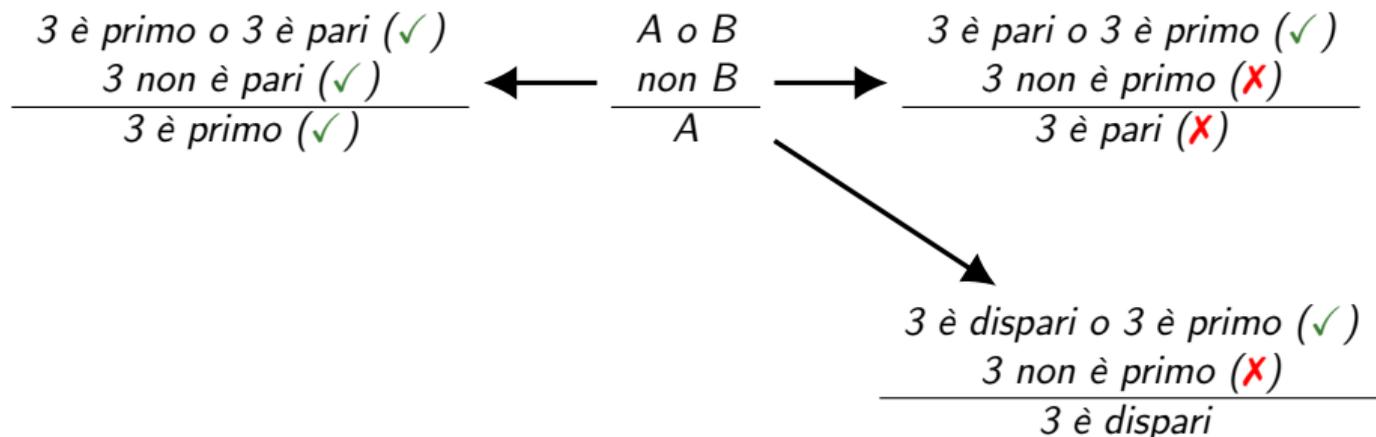
Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:



Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

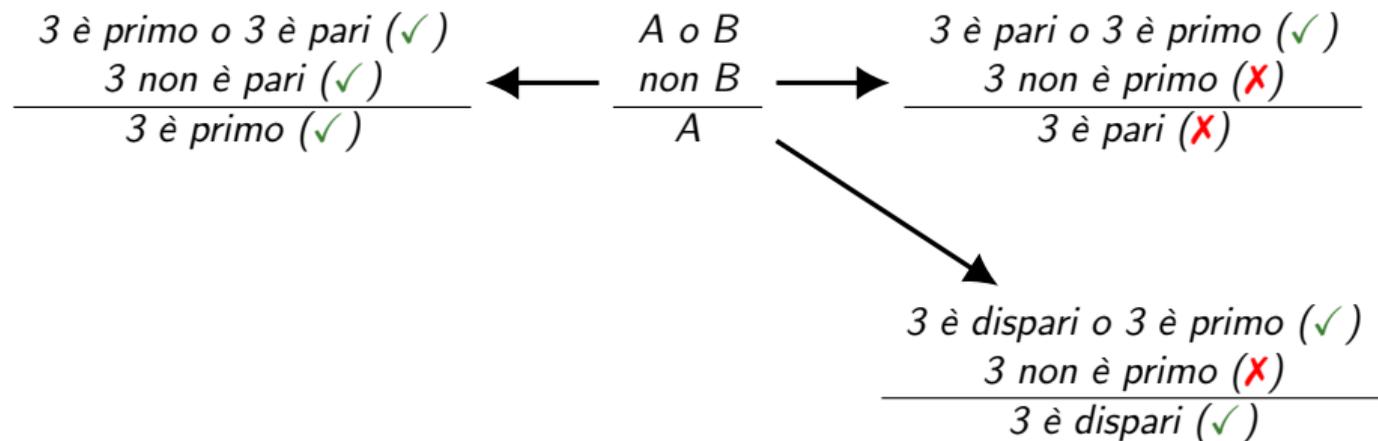
Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:



Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

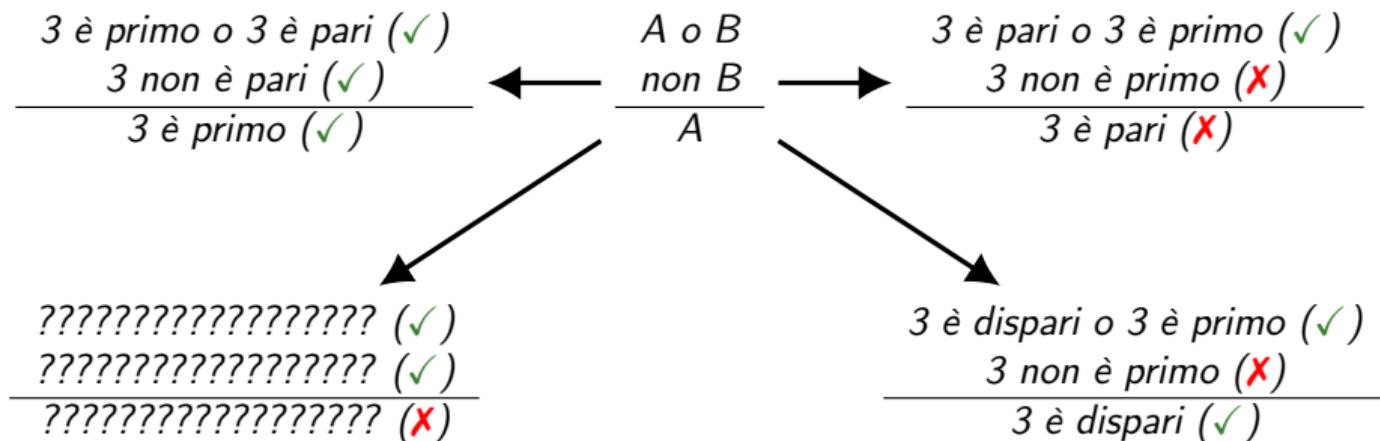
Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:



Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

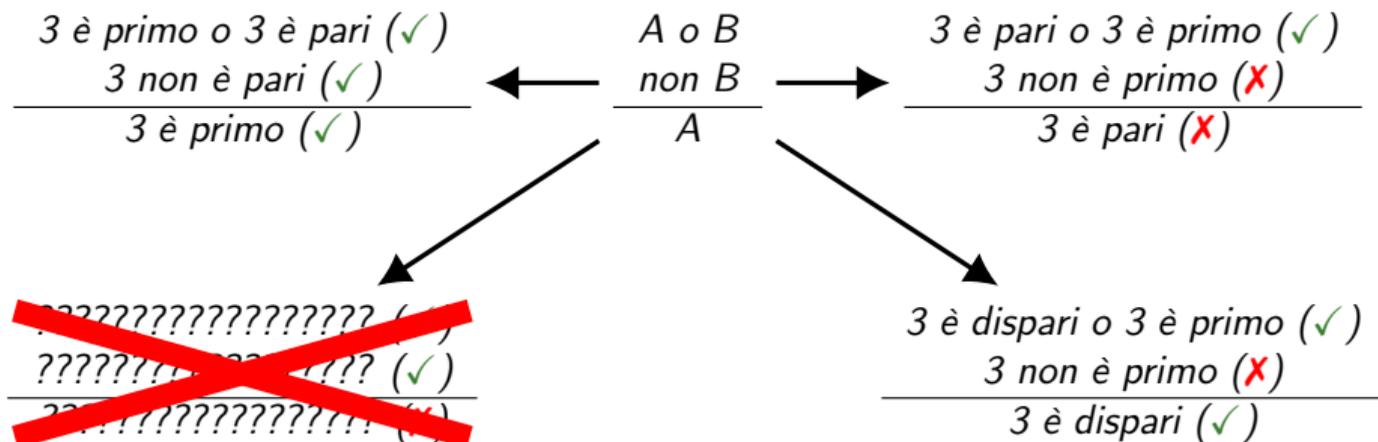
Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:



Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Bisogna distinguere la correttezza della inferenze dalla verità della conclusione!

Consideriamo alcune istanze della regola vista prima:



- 1 Logica, inferenze e proposizioni
- 2 Regole di inferenza
- 3 Esempi di regole di inferenza**
- 4 Esempi di ragionamenti fallaci
- 5 Logica dei predicati
- 6 Oltre il ragionamento deduttivo

Un'altra regola corretta: modus ponens

Consideriamo l'inferenza

$$\begin{array}{l} \textit{Se Fabio è pescarese, allora Fabio è abruzzese} \\ \textit{Fabio è pescarese} \\ \hline \textit{Fabio è abruzzese} \end{array}$$

Un'altra regola corretta: modus ponens

Consideriamo l'inferenza

$$\frac{\begin{array}{l} \textit{Se Fabio è pescarese, allora Fabio è abruzzese} \\ \textit{Fabio è pescarese} \end{array}}{\textit{Fabio è abruzzese}}$$

Si generalizza nella regola:

$$\frac{\begin{array}{l} \textit{Se A allora B} \\ A \end{array}}{B}$$

detta **regola del modus ponens**. Vedi anche:

$$\frac{\begin{array}{l} \textit{Se sono colpevole devo essere punito} \\ \textit{Sono colpevole} \end{array}}{\textit{Devo essere punito}}$$

Un'altra regola corretta: modus tollens

Consideriamo l'inferenza

$$\begin{array}{l} \textit{Se Fabio è pescarese, allora Fabio è abruzzese} \\ \textit{Fabio non è abruzzese} \\ \hline \textit{Fabio non è pescarese} \end{array}$$

Un'altra regola corretta: modus tollens

Consideriamo l'inferenza

$$\begin{array}{l} \textit{Se Fabio è pescarese, allora Fabio è abruzzese} \\ \textit{Fabio non è abruzzese} \\ \hline \textit{Fabio non è pescarese} \end{array}$$

Si generalizza nella regola:

$$\begin{array}{l} \textit{Se A allora B} \\ \textit{non B} \\ \hline \textit{non A} \end{array}$$

detta **regola del modus tollens**. Vedi anche:

$$\begin{array}{l} \textit{Se sono colpevole devo essere punito} \\ \textit{Non devo essere punito} \\ \hline \textit{Non sono colpevole} \end{array}$$

- 1 Logica, inferenze e proposizioni
- 2 Regole di inferenza
- 3 Esempi di regole di inferenza
- 4 Esempi di ragionamenti fallaci**
- 5 Logica dei predicati
- 6 Oltre il ragionamento deduttivo

Fallacia della negazione dell'antecedente (1)

Consideriamo l'inferenza

$$\frac{\begin{array}{l} \textit{Se sono un ladro allora devo essere punito} \\ \textit{Non sono un ladro} \end{array}}{\textit{Non devo essere punito}}$$

che si generalizza nella regola

$$\frac{\begin{array}{l} \textit{Se A allora B} \\ \textit{non A} \end{array}}{\textit{non B}}$$

È corretta?

Fallacia della negazione dell'antecedente (2)

All'apparenza lo sembra, ma consideriamo un'altra istanza della regola.

$$\begin{array}{l} \textit{Se Fabio è pecarese, allora Fabio è abruzzese} \\ \textit{Fabio non è pescarese} \\ \hline \textit{Fabio non è abruzzese} \end{array}$$

È corretta?

Fallacia della negazione dell'antecedente (2)

All'apparenza lo sembra, ma consideriamo un'altra istanza della regola.

$$\begin{array}{l} \textit{Se Fabio è pecarese, allora Fabio è abruzzese} \\ \textit{Fabio non è pescarese} \\ \hline \textit{Fabio non è abruzzese} \end{array}$$

È corretta?

Pensate al caso in cui Fabio sia nato a Chieti.

Fallacia della negazione dell'antecedente (2)

All'apparenza lo sembra, ma consideriamo un'altra istanza della regola.

$$\begin{array}{l} \textit{Se Fabio è pecarese, allora Fabio è abruzzese} \checkmark \\ \textit{Fabio non è pescarese} \\ \hline \textit{Fabio non è abruzzese} \end{array}$$

È corretta?

Pensate al caso in cui Fabio sia nato a Chieti.

Fallacia della negazione dell'antecedente (2)

All'apparenza lo sembra, ma consideriamo un'altra istanza della regola.

$$\begin{array}{l} \textit{Se Fabio è pescarese, allora Fabio è abruzzese} \checkmark \\ \textit{Fabio non è pescarese} \checkmark \\ \hline \textit{Fabio non è abruzzese} \end{array}$$

È corretta?

Pensate al caso in cui Fabio sia nato a Chieti.

Fallacia della negazione dell'antecedente (2)

All'apparenza lo sembra, ma consideriamo un'altra istanza della regola.

$$\begin{array}{l} \textit{Se Fabio è peccarese, allora Fabio è abruzzese} \checkmark \\ \textit{Fabio non è pescarese} \checkmark \\ \hline \textit{Fabio non è abruzzese} \times \end{array}$$

È corretta?

Pensate al caso in cui Fabio sia nato a Chieti.

Fallacia della negazione dell'antecedente (2)

All'apparenza lo sembra, ma consideriamo un'altra istanza della regola.

$$\frac{\begin{array}{l} \textit{Se Fabio è pecarese, allora Fabio è abruzzese} \checkmark \\ \textit{Fabio non è pescarese} \checkmark \end{array}}{\textit{Fabio non è abruzzese} \times}$$

È corretta?

Pensate al caso in cui Fabio sia nato a Chieti.

Le premesse sono vere, ma la conclusione è falsa, quindi l'inferenza **non è corretta**. Abbiamo individuato un **controesempio**, ovvero una situazione che rende evidente il fatto che l'inferenza non è corretta.

Ed infatti, se ci pensiamo bene, non è corretta neanche la prima inferenza: magari non sono un ladro, ma devo essere punito per qualche altro motivo.

Fallacia dell'affermazione del conseguente (1)

Consideriamo questa inferenza...

$$\frac{\textit{Se manca la benzina, allora l'auto non parte}}{\textit{L'auto non parte}} \\ \hline \textit{Manca la benzina}$$

che si generalizza nella regola

$$\frac{\textit{Se A allora B}}{\textit{B}} \\ \hline \textit{A}$$

È corretta?

Fallacia della affermazione del conseguente (2)

All'apparenza lo sembra, ma consideriamo un'altra istanza della regola.

$$\frac{\begin{array}{l} \textit{Se Fabio è pescarese, allora Fabio è abruzzese} \\ \textit{Fabio è abruzzese} \end{array}}{\textit{Fabio è pescarese}}$$

È corretta?

Fallacia della affermazione del conseguente (2)

All'apparenza lo sembra, ma consideriamo un'altra istanza della regola.

$$\frac{\begin{array}{l} \textit{Se Fabio è pescarese, allora Fabio è abruzzese} \\ \textit{Fabio è abruzzese} \end{array}}{\textit{Fabio è pescarese}}$$

È corretta?

Anche questa inferenza è falsa: pensate di nuovo al caso in cui Fabio sia nato a Chieti.

Ed infatti, se ci pensiamo bene, non è corretta neanche la prima inferenza: magari l'auto non parte perché è scarica la batteria.

Introduzione alla logica

└ Esempi di ragionamenti fallaci

└ Fallacia della affermazione del conseguente (2)

All'apparenza lo sembra, ma consideriamo un'altra istanza della regola.

Se Fabio è pescatore, allora Fabio è abruzzese
 Fabio è abruzzese
Fabio è pescatore

È corretta?

Anche questa inferenza è falsa: pensate di nuovo al caso in cui Fabio sia nato a Chieti.

Ed infatti, se ci pensiamo bene, non è corretta neanche la prima inferenza: magari l'auto non parte perché è scarica la batteria.

Esercizi Intro.1, Intro.4, Intro.7

- 1 Logica, inferenze e proposizioni
- 2 Regole di inferenza
- 3 Esempi di regole di inferenza
- 4 Esempi di ragionamenti fallaci
- 5 Logica dei predicati**
- 6 Oltre il ragionamento deduttivo

Inferenze a livello predicativo

Negli esempi visti prima, le regole di inferenza sono a livello di **logica proposizionale**: la loro verità dipende dai legami tra le proposizioni.

Queste inferenze sono più complesse:

$$\frac{\begin{array}{l} \textit{Napoleone è corso} \\ \textit{Tutti i corsi sono francesi} \end{array}}{\textit{Napoleone è francese}} \qquad \frac{\begin{array}{l} \textit{Socrate è un uomo} \\ \textit{Tutti gli uomini sono mortali} \end{array}}{\textit{Socrate è mortale}}$$

Se analizzate come fatto fin'ora, corrispondo alla regola di inferenza:

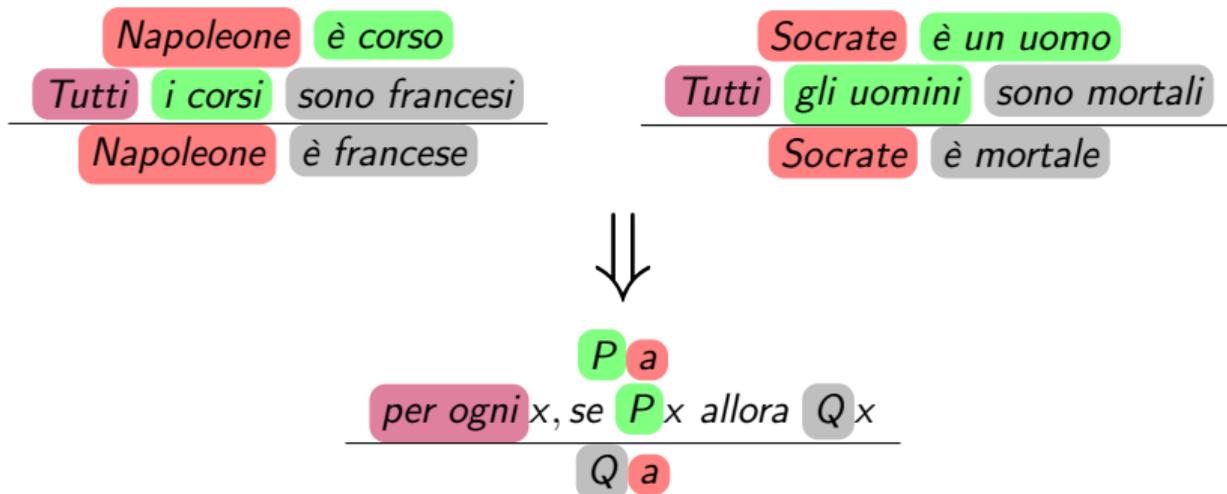
$$\frac{\begin{array}{l} A \\ B \end{array}}{C}$$

che non è corretta! Bisogna passare alla **logica dei predicati**.

Forma logica per regole di inferenza a livello predicativo

A livello predicativo, la forma logica si ottiene in questo modo:

- costanti individuali al posto di individui (Napoleone, Socrate)
- costanti predicative al posto di proprietà (essere corso, essere mortale);
- esiste o per ogni al posto dei quantificatori (tutti, alcuni, ...)



Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Come per il caso proposizionale, bisogna distinguere tra correttezza dell'inferenza e verità della conclusione.

Napoleone è francese
Tutti i francesi sono abruzzesi

Napoleone è abruzzese

Napoleone è genovese
Tutti i genovesi sono cinesi

Napoleone è cinese

Napoleone è londinese
Tutti i londinesi sono inglesi

Napoleone è inglese

????????????????
????????????????

????????????????

Napoleone è francese
Tutti i francesi sono corsi

Napoleone è corso

Napoleone è cinese
Tutti i cinesi sono francesi

Napoleone è francese

Napoleone è parigino
Tutti i parigini sono francesi

Napoleone è francese

Napoleone è corso
Tutti i corsi sono francesi

Napoleone è francese

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Come per il caso proposizionale, bisogna distinguere tra correttezza dell'inferenza e verità della conclusione.

Napoleone è francese ✓
Tutti i francesi sono abruzzesi ✗

Napoleone è abruzzese ✗

Napoleone è francese ✓
Tutti i francesi sono corsi ✗

Napoleone è corso ✓

Napoleone è genovese
Tutti i genovesi sono cinesi

Napoleone è cinese

Napoleone è cinese
Tutti i cinesi sono francesi

Napoleone è francese

Napoleone è londinese
Tutti i londinesi sono inglesi

Napoleone è inglese

Napoleone è parigino
Tutti i parigini sono francesi

Napoleone è francese

????????????????
????????????????

????????????????

Napoleone è corso
Tutti i corsi sono francesi

Napoleone è francese

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Come per il caso proposizionale, bisogna distinguere tra correttezza dell'inferenza e verità della conclusione.

Napoleone è francese ✓
Tutti i francesi sono abruzzesi ✗

Napoleone è abruzzese ✗

Napoleone è genovese ✗
Tutti i genovesi sono cinesi ✗

Napoleone è cinese ✗

Napoleone è londinese
Tutti i londinesi sono inglesi

Napoleone è inglese

????????????????
????????????????

????????????????

Napoleone è francese ✓
Tutti i francesi sono corsi ✗

Napoleone è corso ✓

Napoleone è cinese ✗
Tutti i cinesi sono francesi ✗

Napoleone è francese ✓

Napoleone è parigino
Tutti i parigini sono francesi

Napoleone è francese

Napoleone è corso
Tutti i corsi sono francesi

Napoleone è francese

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Come per il caso proposizionale, bisogna distinguere tra correttezza dell'inferenza e verità della conclusione.

Napoleone è francese ✓
Tutti i francesi sono abruzzesi ✗

Napoleone è abruzzese ✗

Napoleone è genovese ✗
Tutti i genovesi sono cinesi ✗

Napoleone è cinese ✗

Napoleone è londinese ✗
Tutti i londinesi sono inglesi ✓

Napoleone è inglese ✗

????????????????
????????????????

????????????????

Napoleone è francese ✓
Tutti i francesi sono corsi ✗

Napoleone è corso ✓

Napoleone è cinese ✗
Tutti i cinesi sono francesi ✗

Napoleone è francese ✓

Napoleone è parigino ✗
Tutti i parigini sono francesi ✓

Napoleone è francese ✓

Napoleone è corso
Tutti i corsi sono francesi

Napoleone è francese

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Come per il caso proposizionale, bisogna distinguere tra correttezza dell'inferenza e verità della conclusione.

Napoleone è francese ✓
Tutti i francesi sono abruzzesi ✗

Napoleone è abruzzese ✗

Napoleone è genovese ✗
Tutti i genovesi sono cinesi ✗

Napoleone è cinese ✗

Napoleone è londinese ✗
Tutti i londinesi sono inglesi ✓

Napoleone è inglese ✗

????????????????
????????????????

????????????????

Napoleone è francese ✓
Tutti i francesi sono corsi ✗

Napoleone è corso ✓

Napoleone è cinese ✗
Tutti i cinesi sono francesi ✗

Napoleone è francese ✓

Napoleone è parigino ✗
Tutti i parigini sono francesi ✓

Napoleone è francese ✓

Napoleone è corso ✓
Tutti i corsi sono francesi ✓

Napoleone è francese ✓

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Come per il caso proposizionale, bisogna distinguere tra correttezza dell'inferenza e verità della conclusione.

Napoleone è francese ✓
Tutti i francesi sono abruzzesi ✗

Napoleone è abruzzese ✗

Napoleone è genovese ✗
Tutti i genovesi sono cinesi ✗

Napoleone è cinese ✗

Napoleone è londinese ✗
Tutti i londinesi sono inglesi ✓

Napoleone è inglese ✗

???????????????????? ✓
???????????????????? ✓

???????????????????? ✗

Napoleone è francese ✓
Tutti i francesi sono corsi ✗

Napoleone è corso ✓

Napoleone è cinese ✗
Tutti i cinesi sono francesi ✗

Napoleone è francese ✓

Napoleone è parigino ✗
Tutti i parigini sono francesi ✓

Napoleone è francese ✓

Napoleone è corso ✓
Tutti i corsi sono francesi ✓

Napoleone è francese ✓

Inferenze corrette e verità delle conclusioni

Come per il caso proposizionale, bisogna distinguere tra correttezza dell'inferenza e verità della conclusione.

Napoleone è francese ✓
Tutti i francesi sono abruzzesi ✗

Napoleone è abruzzese ✗

Napoleone è genovese ✗
Tutti i genovesi sono cinesi ✗

Napoleone è cinese ✗

Napoleone è londinese ✗
Tutti i londinesi sono inglesi ✓

Napoleone è inglese ✗

~~????????????????????? ✓
????????????????????? ✓
????????????????????? ✗~~

Napoleone è francese ✓
Tutti i francesi sono corsi ✗

Napoleone è corso ✓

Napoleone è cinese ✗
Tutti i cinesi sono francesi ✗

Napoleone è francese ✓

Napoleone è parigino ✗
Tutti i parigini sono francesi ✓

Napoleone è francese ✓

Napoleone è corso ✓
Tutti i corsi sono francesi ✓

Napoleone è francese ✓

- 1 Logica, inferenze e proposizioni
- 2 Regole di inferenza
- 3 Esempi di regole di inferenza
- 4 Esempi di ragionamenti fallaci
- 5 Logica dei predicati
- 6 Oltre il ragionamento deduttivo**

Ragionamento induttivo e abduttivo

Esistono altre forme di “ragionamento”, oltre a quello deduttivo visto finora.

Ragionamento induttivo:

Tutti i corvi finora osservati sono neri

Ragionamento induttivo e abduttivo

Esistono altre forme di “ragionamento”, oltre a quello deduttivo visto finora.

Ragionamento induttivo: dal caso particolare al generale

$$\frac{\textit{Tutti i corvi finora osservati sono neri}}{\textit{Tutti i corvi sono neri}}$$

Ragionamento induttivo e abduttivo

Esistono altre forme di “ragionamento”, oltre a quello deduttivo visto finora.

Ragionamento induttivo: dal caso particolare al generale

$$\frac{\textit{Tutti i corvi finora osservati sono neri}}{\textit{Tutti i corvi sono neri}}$$

Ragionamento abduttivo:

$$\frac{\textit{L'assassino ha lasciato tracce di fango}}{\textit{Chiunque fosse entrato dal giardino, avrebbe lasciato tracce di fango}}$$

Ragionamento induttivo e abduttivo

Esistono altre forme di “ragionamento”, oltre a quello deduttivo visto finora.

Ragionamento induttivo: dal caso particolare al generale

$$\frac{\textit{Tutti i corvi finora osservati sono neri}}{\textit{Tutti i corvi sono neri}}$$

Ragionamento abduttivo: introduzione di ipotesi esplicative

$$\frac{\begin{array}{l} \textit{L'assassino ha lasciato tracce di fango} \\ \textit{Chiunque fosse entrato dal giardino, avrebbe lasciato tracce di fango} \end{array}}{\textit{L'assassino è entrato dal giardino}}$$

Nota

Dal punto di vista deduttivo, queste inferenze non sono corrette. L'ultima, in particolare, è propria quella che abbiamo chiamato “fallacia dell'affermazione del conseguente”.

- Ragionamenti induttivi e abduttivi **non sono monotoni**: nuove premesse possono trasformare la conclusione del ragionamento.

L'assassino ha lasciato tracce di fango
Chiunque fosse entrato dal giardino, avrebbe lasciato tracce di fango
Un uomo è stato visto imbrattare appositamente le scarpe di fango

L'assassino non è entrato dal giardino

- Invece il ragionamento deduttivo **è monotono**: se aggiungo nuove premesse, un'inferenza rimane corretta. Per questo il ragionamento deduttivo è il meccanismo principale delle **dimostrazioni matematiche**.
 - si parte da proposizioni assunte vere per principio;
 - gli assiomi di Euclide
 - gli assiomi dei numeri reali
 - si applicano inferenze corrette a premesse vere per ottenere conclusioni vere (teoremi);
 - in questo modo il teorema sarà vero per sempre:

<https://youtu.be/L1ED5V7EuFY?si=40FmA0Q4491dCbVQ&t=313>

L'esempio di Charles S. Peirce (1839-1914)

Tutti i fagioli di questo sacchetto sono bianchi
Questi fagioli vengono da questo sacchetto

Questi fagioli sono bianchi

Questi fagioli vengono da questo sacchetto
Questi fagioli sono bianchi

Tutti i fagioli di questo sacchetto sono bianchi

Tutti i fagioli di questo sacchetto sono bianchi
Questi fagioli sono bianchi

Questi fagioli vengono da questo sacchetto

Tutti i fagioli di questo sacchetto sono bianchi
Questi fagioli vengono da questo sacchetto

Questi fagioli sono bianchi

Deduzione

Questi fagioli vengono da questo sacchetto
Questi fagioli sono bianchi

Tutti i fagioli di questo sacchetto sono bianchi

Tutti i fagioli di questo sacchetto sono bianchi
Questi fagioli sono bianchi

Questi fagioli vengono da questo sacchetto

Tutti i fagioli di questo sacchetto sono bianchi
Questi fagioli vengono da questo sacchetto

Questi fagioli sono bianchi

Deduzione

Questi fagioli vengono da questo sacchetto
Questi fagioli sono bianchi

Tutti i fagioli di questo sacchetto sono bianchi

Induzione

Tutti i fagioli di questo sacchetto sono bianchi
Questi fagioli sono bianchi

Questi fagioli vengono da questo sacchetto

L'esempio di Charles S. Peirce (1839-1914)

Tutti i fagioli di questo sacchetto sono bianchi
Questi fagioli vengono da questo sacchetto

Questi fagioli sono bianchi

Deduzione

Questi fagioli vengono da questo sacchetto
Questi fagioli sono bianchi

Tutti i fagioli di questo sacchetto sono bianchi

Induzione

Tutti i fagioli di questo sacchetto sono bianchi
Questi fagioli sono bianchi

Questi fagioli vengono da questo sacchetto

Abduzione